

12. Hierarchie dostępu

12.1 Motywy dostępu:

- wspólne użytkowanie systemów informatycznych
- współdzielenie zasobów
- administrowanie zasobem
- kontrola dostępu
- praktyczność struktur hierarchicznych

Def.

(V, \leq) nazywamy porządkiem częściowym na V jeśli \leq jest relacja dwuczynnikową na która jest zawarta przechodniość antysymetryczność tj. $V \leq V$
 $\forall v \in V$

$$V_1 \leq V_2 \wedge V_2 = V_3 \Rightarrow V_1 = V_3$$

$$V_1 \leq V_2 \wedge V_2 \leq V_1 \Rightarrow V_1 = V_2$$

Polityka przepływu interakcji wg. modelu BELL-LA-PADULA. W takim modelu $x \leq y$ oznacza, że informacja może przepływać od x do y (w górę hierachii)

Def.

Polityka bezpieczeństwa to piątka (V, \leq, P, O, λ) :

V - zbiór klas bezpieczeństwa $V = \{v_1, v_2, v_3, \dots, v_n\}$

P - zbiór podmiotów (użytkowników)

O - zbiór obiektów

$\lambda : O \cup P \rightarrow V$ – funkcje _kontroli _bezpieczenstwa

Operacja (przykładowa):

- czytanie informacji zawartych w obiekcie

- zapis do obiektu
- dopisywanie do obiektu
- wykonywanie programu

Ustalając operacje powiemy, że jest ona dowolnie dla pary (P, O) wtedy i tylko wtedy, gdy $\lambda(p) \geq \lambda(o)$

Każdemu obiektowi przypisany jest jeden klucz bezpieczeństwa $\lambda(a)$

Każdemu podmiotowi przypisane są dwa podmioty (elementy zb. Klas bezpieczeństwa) $\lambda(p) = \lambda_{\text{bierz}}(p)$ oraz $\lambda(p) = \lambda_{\text{dow}}(p)$

Jeżeli n jest zadaniem wprowadzeniem to trójka (p, o, n) opisuje uprawnienie podmiotu p do obiektu o w danym momencie tzn. przy uprawnieniu do obiektu $O \Leftrightarrow \lambda(p) \geq \lambda(a)$

W danym ciągu politykę bezpieczeństwa dostępu do danych (V, \leq, P, O, λ) będziemy ograniczać do pary (V, E) .

Przykład:

$$V = (v_1, v_2, v_3, v_4)$$

v_1 - poziom jawny

v_2 - informacje poufne

v_3 - informacje tajne

v_4 - informacje ściśle tajne

12.2 Grafy skierowane

W dalszym ciągu będziemy patrzeć na reprezentacje wyjściowego porządku (V, \leq) jako zadane przez graf (acykliczny i skierowany) $G = (V, E)$

Polityka bezpieczeństwa realizuje się przez przypisanie każdej klasie $v \in V$ klucza k od V, który ma strzec „dostępu” do obiektu w klasie v tj. takich, że $\lambda(o) = v$

Oznaczenia:

$G^-(v) = \{w \in V; \text{istnieje ścieżka } w \text{ do } v\}$

$G^+(v) = \{w \in V; \text{istnieje ścieżka } v \text{ do } w\}$

$D(v)$ - zbiór bezpośrednich potomków v (dzieci)

$R(v)$ - zbiór bezpośrednich przodków (rodziców)

Def.

Schematem przedziału kluczy nazywamy parę dwóch algorytmów wielomianowych (sat, Derive) określonych jak następuje

Set($1^l, G$) jest randomizowanym algorytmem, który na wejściu dostaje parametr bezpieczeństwa 1^l a na wyjściu dwa odwzorowania:

- publiczne Pub: $V \cup E \rightarrow \{0,1\}^*$, który przypisuje wierzchołkom w grafie pewne parametry publiczne oraz krawędzie (v_i, v_j) pewne etykiety publiczne.

- tajny sec: $V \rightarrow \{0,1\}^* * \{0,1\}^l$, który przypisuje każdemu wierzchołkowi pewną prywatną informację z funkcją $s = s(v)$ oraz klucz $k = k(v)$, $v \in V$

-Derive (G, Pub, v_i, v_j, s_i) jest deterministycznym algorytmem, który na wyjściu pobiera publiczną (graf G) informację. Pub wygenerowane przez algorytm set wierzchołek barwiony v_i dowolny, v_j którego klucz chcemy obliczyć oraz tajną informację s_i wierzchołka w_i . Algorytm zwraca klucz $k_j = k_i(v_j)$ dla wierzchołka v_j o ile $v_j \in G_r^+(V_i)$ lub specjalny symbol \perp w przeciwnych przypadkach

Dla poprawności, algorytmy: Set i Derive muszą spełniać następujący warunek poprawności dla każdego

$$\forall v \in V \quad \forall v_j \in G_v^+(V_i) \quad \Pr \left[\begin{array}{l} k_j \text{Derive}(G, Pub, v_i, v_j, s_i) = (Pub, set) = set(1^l, G) \\ (s_i, k_i) = Sec(v_i) \qquad \qquad \qquad (s_j, k_j) = Sec(v_j) \end{array} \right]$$

Przy losowych wyborach algorytmu set