

4. Z danej tablicy warunkowo-działaniowej podanej poniżej wyprowadzić bazę reguł o postaci  $(\text{atrybut}_1, \text{wartość}) \wedge (\text{atrybut}_2, \text{wartość}) = (\text{atrybut działaniowy}, \text{wartość})$ . Wypisać wszystkie (razem 11) relacje nierozróżnialności pomiędzy poszczególnymi  $x_i$  dla  $i \in \{1..6\}$  np.  $x_1 \overset{\{z\}}{\sim} x_2$  i podać wszystkie klasyfikacje określone przez relacje nierozróżnialności np.  $\{z\}^* = \{\{x_1, x_2, x_5\}, \{x_6\}, \{x_3, x_4\}\}$ . Następnie podać, które zbiory atrybutów są zależne od innych i wyznaczyć dla  $\mathcal{Z} = \{z\}^*$ ,  $P = \{x, y\}$  aproksymację dolną  $\underline{P}\mathcal{Z}$  oraz aproksymację górną  $\overline{P}\mathcal{Z}$  oraz wyprowadzić reguły pewne.

**Czesc 1 => wyprowadzić baze regul**

	Atrybuty warunkowe		Atrybut działaniowy
	x	y	z
$x_1$	P	F	0
$x_2$	N	T	0
$x_3$	N	T	1
$x_4$	P	F	1
$x_5$	N	F	0
$x_6$	N	T	2

**ROZWIĄZANIE:**

$$x_1, x_4 : (x, P) \wedge (y, F) = (z, 0) \vee (z, 1)$$

$$x_2, x_5 : (x, N) = (z, 0)$$

$$x_3, x_6 : (x, N) \wedge (y, T) = (z, 1) \vee (z, 2)$$

Pierwsza czesc rownania zapodanego w zadaniu to atrybuty które maja takie same wartosci x i y, wyjatek tu stanowi para x2, x5 ponieważ y jest w tym przypadku różny i za bardzo nie potrafie wyjasnic dlaczego tak jest to zapisane a nie inaczej ;-]

Druga czesc to atrybut działaniowy dla danej pary atrybutow czyli dla danej pary atrybutow otrzymujemy jeden wynik (przypadek x2, x5) albo rozne wyniki (dwa pozostale przypadki)

**Czesc 2 => relacje niezaleznosci**

W tym szczytnym celu należy stworzyć tablice symetryczną

	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$
$x_6$	$\{\phi\}$	$\{x, y\}$	$\{x, y\}$	$\{\phi\}$	$\{x\}$
$x_5$	$\{y, z\}$	$\{x, z\}$	$\{x\}$	$\{y\}$	
$x_4$	$\{x, y\}$	$\{\phi\}$	$\{z\}$		
$x_3$	$\{\phi\}$	$\{x, y\}$			
$x_2$	$\{z\}$				

Jak widac w wierszu pomijamy ostatni atrybut x6 a w kolumnie pierwszy x1

Wypelniamy ja w nastepujacy sposob:

Bierzemy wspolrzedne np. x1, x6 i patrzmy po kolumnach tablicy warunkowo działaniowej czy ktoras z kolumn x,y,z dla atrybutow x1, x6 ma takie same wartosci jeśli tak to wpisujemy nazwe tej kolumny w wolne pole (tu akurat nic się nie pokrywa wiec wpisujemy  $\phi$ ).

Dla x2, x3 takie same atrybuty warunkowe sa w kolumnach x (N) i y (T) w kolumnie z atrybuty działaniowe sa rozne 0 i 1 wiec wpisujemy (x,y) itd.

Relacje odczytujemy z tablicy symetrycznej

$$x_1 \widetilde{\{z\}} x_2 = x_2 \widetilde{\{z\}} x_1$$

rozpisujemy to na zasadzie: współrzędne kolumny i wiersza a pod znakiem ~ wpisujemy to co jest na przecięciu danej kolumny z wierszem, robimy tak w obie strony

$$x_2 \widetilde{\{x,z\}} x_5 = x_5 \widetilde{\{x,z\}} x_2$$

### Czesc 3 => klasyfikacje

Polega to na grupowaniu atrybutów z takimi samymi wartościami w określonym bloku. W tym przypadku mamy grupowanie atrybutów po bloku z (atrybutów działaniowych).  
 Dla z=0 piszemy x1, x2, x5  
 Dla z=1 piszemy x3, x4  
 Dla z=2 piszemy x6

$$\mathcal{Z} = \{z\}^* = \{\{x_1, x_2, x_5\}, \{x_3, x_4\}, \{x_6\}\}$$

Ustawiamy to w kolejności w zależności od tego jaką wartość ma z .... CHYBA ... nie wiem czy to ma znaczenie jakieś czy nie .

$$P^* = \{x, y\}^* = \{\{x_1, x_4\}, \{x_2, x_3, x_6\}, \{x_5\}\}$$

Tutaj szukamy takich samych par x, y  
 x1, x4 bo dla nich x=P a y=F  
 x2, x3, x6 bo dla nich x=N a y=T  
 x5 bo dla niego x=N a y=F

nie wiem tylko czy na egzaminie nie trzeba będzie tego bardziej szczegółowo rozpisać ... czyli np. grupowanie po x albo y no a co za tym idzie szukanie par dla (x,z) albo (y,z) no i potem cała reszta też dodatkowo byłaby rozpisywana

$$\{y\}^* = \{\{x_1, x_4, x_5\}, \{x_2, x_3, x_6\}\} \quad P^* = \{x, z\}^* = \{\{x_1\}, \{x_2, x_5\}, \{x_3\}, \{x_4\}, \{x_6\}\}$$

$$\{x\}^* = \{\{x_1, x_4\}, \{x_2, x_3, x_5, x_6\}\} \quad P^* = \{y, z\}^* = \{\{x_1, x_5\}, \{x_2\}, \{x_3\}, \{x_4\}, \{x_6\}\}$$

wtedy tak to by mniej więcej wyglądało ... ale nie wiem czy tak trzeba będzie ... ale raczej trzeba będzie bo w zadaniu jest napisane podać wszystkie klasyfikacje określone przez relacje nierozróżnialności, tylko w takim przypadku rozumiem że relacje z  $\emptyset$  się pomija albo wszystko się rozpisuje oddzielnie ... ale wtedy to już traci sens ... więc trzeba będzie się dowiedzieć na egzaminie

dobrze jedziemy dalej ...

$$\underline{P}\mathcal{Z} = \{x_5\}$$

aproxymacja dolna – chodzi o to że porównujemy  $P^*$  z  $\mathcal{Z}$  i wypisujemy te bloki z  $P^*$  które w całości się mieszczą w  $\mathcal{Z}$

$\underline{P}\mathcal{Z}$  dla pozostałych przykładów

$$\text{Dla } \{y\}^* \Rightarrow \underline{P}\mathcal{Z} = \{\{x_1\}, \{x_3\}, \{x_4\}, \{x_6\}\}$$

$$\text{Dla } \{x\}^* \Rightarrow \underline{P}\mathcal{Z} = \{\{x_2\}, \{x_3\}, \{x_4\}, \{x_6\}\}$$

$$\overline{PZ} = \{\{x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6\}, \{x_1, x_2, x_3, x_4, x_6\}, \{x_2, x_3, x_6\}\}$$

aproxymacja gorna – szukasz zbiorow w  $\check{Z}$  które maja czesci wspolne z  $P^*$ , a nastepnie do tych zbiorow dopisujesz to co jest dodatkowo w  $P^*$  i umieszczasz w  $\overline{PZ}$ .

$$\text{Dla } \{y\}^* \Rightarrow \overline{PZ} = \{\{x_1, x_2, x_4, x_5\}, \{x_2, x_3, x_5, x_6\}\}$$

$$\text{Dla } \{x\}^* \Rightarrow \overline{PZ} = \{\{x_1, x_4, x_5\}, \{x_1, x_2, x_3, x_5, x_6\}\}$$

**Czesc 4 => reguly pewne**

Reguly pewne z  $\overline{PZ}$ :

$$x_5 : (x, N) \wedge (y, \overline{F}) = (z, 0)$$

$$x_6 : (x, N) \wedge (y, T) = (z, 2)$$

sa to te zbioru które z  $\check{Z}$  i  $P$  zawieraja tylko jeden atrybut w tym przypadku z  $\check{Z}$  jest  $x_5$  a z  $P$  jest  $x_6$

dla  $\{y\}^*$

$$x_1 : (x, P) \wedge (y, F) = (z, 0)$$

$$x_3 : (x, N) \wedge (y, T) = (z, 1)$$

$$x_4 : (x, P) \wedge (y, F) = (z, 1)$$

$$x_6 : (x, N) \wedge (y, T) = (z, 2)$$

dla  $\{x\}^*$

$$x_2 : (x, N) \wedge (y, T) = (z, 0)$$

$$x_3 : (x, N) \wedge (y, T) = (z, 1)$$

$$x_4 : (x, P) \wedge (y, F) = (z, 1)$$

$$x_6 : (x, N) \wedge (y, T) = (z, 2)$$

**Czesc 5 => reguly mozliwe -> tego podobno ma nie być ...**

dopelnienie regul pewnych czyli pozostale zbioru regul które nie byly rozpisane dla  $x_2$  i  $x_3$  bierzemy z tabeli warunkowo dzialaniowej

Reguly mozliwe to dopelnienie regul pewnych do pelnego ich zbioru:

$$x_1, x_4 : (x, P) \wedge (y, F) = (z, 0) \vee (z, 1)$$

$$x_2 : (x, N) \wedge (y, T) = (z, 0)$$

$$x_3 : (x, N) \wedge (y, T) = (z, 1)$$

dla  $\{y\}^*$  brakuje  $x_2, x_5$  czyli

$$x_2, x_5 : (x, N) = (z, 0)$$

dla  $\{x\}^*$   $x_1, x_5$  czyli

$$x_1 : (x, P) \wedge (y, F) = (z, 0)$$

$$x_5 : (x, N) \wedge (y, F) = (z, 0)$$

jeśli chodzi o dodatkowe rzeczy które robilem w tym cwiczeniu to mogel się walnac gdzieś ... aktualnie jest 1:30 ... w razie czego czekam na sugestie zwiazane z rozwiazywaniem tych zadan ... czy dobrze rozumuje ... czy tez może ktos ma inna koncepcje na nie ...

zadanie 5 wkrótce ... mam nadzieje ;-]